## 課程説明

課程名稱: 環論

教室: 數學系館 3173

時間: 星期二 9:10-10:00, 星期五 10:10-12:00

授課教師: 柯文峰

辦公室: 數學系館 407

電子郵件: wfke@mail.ncku.edu.tw

電話: 2757575 轉 65154

教科書及參考書目: 指定教科書為 Joachim Lambek 所寫的 Lectures on Rings and Modules。 可以參考的書有 I. N. Herstein 的 Noncommutative Rings, Neal H. McCoy 的 The Theory of Rings, 及 Irving Kaplansky 的 Fields and Rings。

預備知識:基本上我們所需要的預備知識有大學部的代數 (一) 及代數 (二)。

成績計算方式: 期中考佔 45%, 期末考佔 45%, 作業成績佔 10%, 點名不到一次扣學期總分一分。期中考日期視實際上課情況決定, 大致上在十一月上旬, 期末考時間則依學校規定。每次兩節課時間 (一小時五十分)。日期如有更改, 課堂上再行通知。

上課方式: 課堂講授, 習題寫作。

課程綱要: 這是一學期基本環論的介紹, 主要研究環的基本結構。本課程將涵蓋 (1) Fundamental concepts of algebra: Rings and related algebraic systems. Subrings. Homomorphism ideals. Modules. Direct products and direct sums. Classical isomorphism theorems, (2) Selected topics on commutative rings: Prime ideals in communicative rings. Prime ideals in special communicative rings. The complete ring of quotients of a commutative ring. Rings of quotients of commutative semiprime rings. Prime ideal spaces, (3) Classical theory of associative rings: Primitive Rings. Radicals. Completely reducible modules. Completely reducible rings. Artinian and Noethenian rings, (4) Injectivity and related concepts: Projective modules. Injective modules.

習題: 課堂上指定題目。